Rakenteiden Mekaniikka Vol. 48, Nro 1, 2015, s. 49-67 www.rmseura.tkk.fi/rmlehti ©Kirjoittajat 2015. Vapaasti saatavilla CC BY-SA 4.0 lisensioitu.

Rautatiekiskon sivukuluneisuuden vaikutusten mallintaminen

VERTAISARVIOITU KOLLEGIALT GRANSKAD PEER-REVIEWED

Tiia-Riikka Loponen¹, Pekka Salmenperä, Antti Nurmikolu ja Jari Mäkinen

Tiivistelmä. Tässä artikkelissa käsitellään rautatiekiskon sivukuluneisuuden vaikutusta rautatiekaluston kulkuun. Kiskon sivukuluminen kasvattaa raideleveyttä, jolloin myös raidevälys kasvaa. Raidevälys säätelee laippakosketuksen syntyä, ja raidevälyksen kasvaminen mahdollistaa pyöräkerralle, eli akselin yhdistämille pyörille, suuremman sivuttaissuuntaisen liikkeen. Artikkelissa tutkitaan kiskon sivukuluneisuuden vaikutusta kaluston kulkuominaisuuksiin ja rataan kohdistuviin rasituksiin erityisesti mallinnuksen ja simulointien avulla. Mallinnus toteutetaan yhdellä kalustotyypillä: Ex-matkustajavaunulla, joka on yksikerroksinen IC-vaunu. Sivukuluneisuuden vaikutusta kaluston kulkuun tarkastellaan eri kuluneisuusasteen omaavien kiskoprofiili, voimakkaasti kulunut kiskoprofiili, lievästi kulunut kiskoprofiili, voimakkaasti kulunut kiskoprofiili, ja erittäin voimakkaasti kulunut kiskoprofiili. Mallinnus tehdään suoralla ja kaarteissa, ja kaarretarkastelussa huomioidaan erilaiset kaarresäteet. Vaihdealueet on rajattu tämän tarkastelun ulkopuolelle. Simulointien avulla saadaan selville, että kiskon sivukuluneisuudella ei ole merkittävää negatiivista vaikutusta kaluston kulkuun ja rataan kohdistuvaan rasitukseen.

Avainsanat: liikkuva kalusto, kiskon sivukuluminen, pyörä-kisko-kontakti, simulointi, kalustomallinnus, monikappaledynamiikka

Vastaanotettu 21.4.2015. Hyväksytty 18.5.2015. Julkaistu verkossa 3.6.2015

Johdanto

Kiskon sivukulumisen kotimaisia raja-arvoja pidetään kansainvälisesti arvioituna melko kireinä. Sivukuluneisuuden raja-arvojen kasvattaminen vähentäisi kiskon vaihto- ja hiontatarvetta, joka johtaisi merkittäviin kustannushyötyihin. Sivukulumisen myötä raideleveys ja kiskon profiili kuitenkin muuttuvat, ja tämä vaikuttaa kaluston kulkuominaisuuksiin.

Kiskon sivukuluminen kasvattaa raideleveyttä, jolloin myös raidevälys kasvaa. Raidevälys säätelee laippakosketuksen syntyä, ja raidevälyksen kasvaminen mahdollistaa pyöräkerralle suuremman sivuttaissuuntaisen liikkeen. Kiskon kuluminen vaikuttaa kiskoprofiilin muutoksen myötä myös teholliseen kartiokkuuteen. Kiskon kulumisen vaikutusta kaluston kulkuun tarkastellaankin sekä raideleveyden että tehollisen kartiokkuuden muutoksen kautta.

¹ Vastuullinen kirjoittaja. tiia.loponen@tut.fi

Yksinkertaisuuden vuoksi tässä tutkimuksessa mallinnus toteutetaan yhdellä kalustotyypillä: kotimaisella Ex-matkustajavaunulla. Sivukuluneisuuden vaikutusta kaluston kulkuun tarkastellaan eri kuluneisuusasteen omaavien kiskoprofiilien avulla. Kiskoprofiileina on käytetty mittauksissa saatuja realistisia kiskoprofiileita ja soveltuviksi tapauksiksi on valittu kulumaton kiskoprofiili, lievästi kulunut kiskoprofiili, voimakkaasti kulunut kiskoprofiili ja erittäin voimakkaasti kulunut kiskoprofiili. Mallinnus tehdään suoralla ja kaarteissa, ja kaarretarkastelussa simulointeihin on valittu kaksi eri kaarretta: loiva (R = 1175 m) ja jyrkkä (R = 490 m) kaarre. Simuloinnin avulla saadaan selville sivukuluneisuuden vaikutus kaluston kulkuun ja rataan kohdistuvaan rasitukseen eri kulkunopeuksilla.

Pyöräkerran kulkuperiaatteet

Tässä osiossa tarkastellaan raidevälyksen ja tehollisen kartiokkuuden vaikutusta kaluston kulkuun teoreettisella tasolla. Liikkuva kalusto pysyy kiskoilla pyörien kulkupinnan kartiomaisen profiilin ansiosta, kuva 1. Pyörän kartiokkuus kuvaa pyörän vierintäsäde-eron ja sivuttaissuuntaisen siirtymän suhdetta

$$\lambda = \tan \gamma = \frac{\Delta r}{y} \tag{1}$$

missä λ on pyörän kartiokkuus, γ on pyörän kartiokulma, Δr on vierintäsäde-ero, y on sivuttaissuuntainen siirtymä. Kuvassa 1 on havainnollistettu pyörän profiilin kartiomaista muotoa, missä sivuttaissuuntaista siirtymää y vastaava vierintäsäde-ero on $\Delta r = r_1 - r_0$.



Kuva 1. Junan pyörän kulkupinnan kartiomainen profiili.

Todellisessa tilanteessa liikkuvan kaluston kulkuominaisuuksiin vaikuttaa tehollinen kartiokkuus, joka on pyöräkerran ja raiteen todellisista mitoista määritelty laskennallinen kartiokkuuden arvo. Tehollisen kartiokkuuden arvoon vaikuttavat todellisen pyöräprofiilin lisäksi myös todellinen kiskoprofiili, kiskon kallistus ja raideleveys (Esveld 2001). Tehollinen kartiokkuus kuvaa pyöräkerran pyörien vierintäsäde-eron ja sivuttaissuuntaisen siirtymän suhdetta (Esveld 2001)

$$\lambda_e = \frac{\Delta r}{2y} \tag{2}$$

missä λ_e on tehollinen kartiokkuus, Δr on vierintäsäde-ero, y on sivuttaissuuntainen siirtymä. Pyöräkerran tehollisen kartiokkuuden kaava vastaa muuten pyörän kartiokkuuden kaavaa, mutta vierintäsäde-ero jaetaan kahdella. Tämä johtuu siitä, että pyöräkerrassa vierintäsäde-ero syntyy kahden pyörän kartiokkuudesta.

Jos pyöräkerta liikkuu sivuttaissuunnassa, pyöriin kehittyy niiden kartiomaisen muodon vuoksi vierintäsäde-ero, joka keskittää pyöräkerran painopisteen takaisin kiskojen väliin. Näin pyöräkerta pyrkii jatkuvasti liikkumaan kohti tasapainoa, eli suoralla radalla kohti keskiasentoa. Käytännössä pyöräkertaan vaikuttaa koko ajan uusia voimia, jolloin pyöräkerran on jatkuvasti haettava tasapainotilaa. Pyöräkerta on siis aina liikkuessaan eräänlaisessa heiluriliikkeessä rataan nähden (kuva 2).



Kuva 2. Pyöräkerran siniliike raidevälyksessä.

Tätä pyöräkerran sivuttaissuuntaista siniliikettä kutsutaan Klingelin liikkeeksi. Klingelin liikkeen aallonpituus lasketaan (Esveld 2001)

$$L = 2\pi \sqrt{r_0 \frac{e}{2\lambda}} , \qquad (3)$$

missä L on siniliikkeen aallonpituus [m], λ on pyörän kartiokkuus tai tehollinen kartiokkuus, r_0 on pyörän kulkuympyrän säde tasapainotilanteessa [m], e on pyörien kulkuympyröiden välinen etäisyys [m]. Klingelin liikkeen taajuus saadaan laskettua aallonpituuden ja junan nopeuden avulla

$$f = \frac{v}{L},\tag{4}$$

missä f on taajuus [Hz], v on junan nopeus [m/s], L on aallonpituus [m].

Pyöräkerran tehollisen kartiokkuuden kasvaminen johtaa kaavan (3) mukaan siniliikkeen aallonpituuden lyhenemiseen ja siten taajuuden kasvuun sekä pyöräkerran epästabiiliin kulkuun suoralla radalla. Toisaalta kartiokkuuden pieneneminen heikentää pyöräkerran ohjautuvuutta, sillä pienemmän kartiokkuuden omaava pyöräkerta ei kykene kehittämään yhtä suurta vierintäsäde-eroa sivuttaissuuntaista siirtymää kohti. Tehollinen kartiokkuus vaikuttaa myös siniliikkeen amplitudiin, sillä siniliikkeen amplitudi suurenee pyörän kartiokkuuden kasvaessa ja junan nopeuden noustessa (Piiroinen 2010).

Kaarteissa pyöräkerran tasapainotila ei ole keskiasennossa, sillä ulkokaarteen puoleisen pyörän on kuljettava pidempi matka kuin sisäkaarteen puoleisen pyörän. Siksi

pyöräkerran on siirryttävä sivusuunnassa, jolloin pyörien kartiokkuudesta johtuen toisen pyörän kulkuympyrän säde kasvaa ja toisen pienenee. Pyörän ihanteellinen sivuttaissiirtymä kaarteessa voidaan laskea

$$y = \frac{er_0}{2\lambda R},\tag{5}$$

missä *R* on kaarresäde [m] λ on pyörän kartiokkuus tai tehollinen kartiokkuus r_0 on pyörän kulkuympyrän säde tasapainotilanteessa [m] *e* on pyörien kulkuympyröiden välinen etäisyys [m]

Kaava (5) kertoo, kuinka paljon pyöräkerran on siirryttävä sivuttaissuunnassa tietyn säteisessä kaarteessa, mikäli pyörät eivät luista. Tehollinen kartiokkuus vaikuttaa kaavan (5) mukaan kääntäen kaarteissa vaadittavaan sivuttaissiirtymään, eli tehollisen kartiokkuuden arvon suurentuessa ohjautuvuus paranee ja pyörän ei tarvitse siirtyä sivuttaissuunnassa yhtä paljon kaarteessa tarvittavien ohjausvoimien kehittämiseksi.



Kuva 3. Pyöräkerran sivuttaissuuntaista siirtymää rajoittavat pyörien laipat. Sivuttaissuuntainen siirtymä keskiasennosta voi olla maksimissaan puolet raidevälyksestä.

Pyöräkerran sivuttaissuuntaista siirtymää rajoittavat pyörien laipat, ja sivuttaissiirtymä keskiasennosta voi olla maksimissaan puolet raidevälyksestä, kuva 3. Laippakosketusta pyritään välttämään, ja siksi pyöräkerran profiili on muotoiltu siten, että pyörän kartiokkuus kasvaa laippaa kohti kuljettaessa. Tällöin pyöräkerta pystyy kehittämään suuremman vierintäsäde-eron sivuttaissuuntaista siirtymää kohti, ja siksi pyöräkerta ohjautuu tehokkaammin kohti keskiasentoa laippakosketusta lähestyttäessä. Profiilin muodolla pyritään välttämään erityisesti kaarteissa syntyvää laippakosketusta, mutta kaarteiden jyrkentyessä tarpeeksi laippakosketus pääsee silti syntymään.

Kiskon sivukulumisen vaikutus kaluston kulkuun

Kiskojen kuluminen aiheuttaa useita ongelmia, kuten raideleveyden kasvamista, kiskoprofiilin muutoksia, ajodynamiikan ja kulkuominaisuuksien muutoksia, sekä pahimmillaan jäykkyyden ja kuormankantokyvyn laskua. Kiskon kulumisesta voi olla jossain määrin myös etua, sillä kiskon sivukulumisen myötä raidevälys kasvaa. Tämä

mahdollistaa pyöräkerralle suuremman sivuttaissuuntaisen liikkeen ennen laippakosketuksen syntymistä, joten mahdollinen kulkuominaisuuksien heikkeneminen ei johda suoraan lisääntyneisiin laippakosketuksiin. Lisäksi kiskon kuluminen poistaa vaurioitunutta pintamateriaalia kiskosta, ja varsinkin uusien kiskojen tapauksessa kuluminen voi lisätä pyörä-kisko-kontaktipintojen yhdenmukaisuutta vähentäen kiskorasitusta. Kuluminen tuo myös esiin ehjää kiskomateriaalia väsyneen pintakerroksen alta. Kiskonhionnalla voidaan palauttaa haluttu kiskoprofiili, mutta muihin kulumisen aiheuttamiin ongelmiin se ei auta.

Kiskon kulumisen aiheuttamat muutokset kiskoprofiilissa vaikuttavat kaluston ohjautumiseen erityisesti tehollisen kartiokkuuden muutoksen kautta. Kiskoprofiilin kulumisen määrän lisäksi myös kiskoprofiilin kulumismuodolla on oleellinen vaikutus kaluston kulkuun. Kiskoprofiilin kulumisen ennustamiseen on kehitetty malleja, joissa voidaan ottaa huomioon kiskon kulumisen lisäksi myös pyörän kuluminen (Ignesti et al. 2013, Jin et al. 2011, Pombo et al. 2010). Kulumisen vaikutuksen arvioinnissa oleellista onkin pyörän ja kiskon välisen kontaktin riittävän tarkka mallintaminen. Erilaisia pyörän ja kiskon välisen kontaktin malleja ja niiden vertailua on esittänyt mm. Sichani (2013).

Kiskon sivukuluneisuus mahdollistaa teoriassa pyöräkerran sivuttaissuuntaisen liikkeen kasvamisen juuri sivukulumisen verran, mutta telillisissä vaunuissa myös teli rajoittaa yksittäisen pyöräkerran sivuttaisliikettä. Yleensä telin pyöräkerrat asettuvat kaarteessa vastakkaisiin sivusuuntaispositioihin rajoittaen telin sivuttaisliikettä. Mallinnuksessa kiskolle saatetaankin käyttää vain puolikasta sivukuluneisuuden arvoa, sillä telin eri pyöräkerrat eivät kulje kaarteessa samaa rataa (Johnson 2006). Useat mallit osaavat kuitenkin itse huomioida telin vaikutuksen, jolloin sivukuluneisuuden arvoa ei tarvitse muuttaa mallia varten.

Kiskon kuluminen on voimakkainta laippa- tai laipanjuurikontaktissa, jotka aiheuttavat sivukuluneisuutta. Tällöin pyöräkerran toinen pyörä on yleensä kontaktissa kiskon kulkupinnalla. Sekaliikenteen radoilla nopeammat matkustajajunat saavuttavat laippa- tai laipanjuurikontaktin todennäköisimmin kaarteen ulkokiskossa, kun taas voimakkaammin. hitaammat rahtijunat kuluttavat sisäkiskoa Laippakontaktin aiheuttamaa kulumista voidaan kuitenkin vähentää voitelulla tai kitkanhallinnalla. Voitelulaite voi sijaita radalla tai kalustossa. Radalla sijaitseva laite sijoitetaan kaarteeseen ja se käynnistyy junan saapuessa. Voiteluaineen siirtyminen kulkureunalta hamaran selälle on estettävä kaluston veto- ja jarrutuskyvyn säilyttämiseksi. Kitkanhallinta-aineilla ongelma ei ole niin vakava, sillä ne eivät pyri minimoimaan kitkaa, vaan laskemaan sen halutulle tasolle. Jos pelkoa voiteluaineen siirtymisestä hamaran selälle kuitenkin on, voidaan käyttää kiinteitä voiteluaineita, jotka eivät kulkeudu yhtä helposti. Niiden etuna on myös, että ne eivät edesauta särön kasvua kulkeutumalla särön sisälle. (Lewis & Olofsson 2009)

Tavanomainen raja-arvo sivukuluneisuudelle on 6–9 mm (Iwnicki 2006). Useilla liikennöitsijöillä sivukuluneisuuden raja on kuitenkin noin puoli tuumaa, eli 12–13 mm (Wolf 2004). Sivukuluneisuuden rajoista voidaan sanoa, että yleisesti ottaen ulkomaiset rajat sallivat enemmän sivukuluneisuutta kiskolle kuin suomalaiset rajat. Täysin suoraviivainen vertailu on kuitenkin hankalaa, sillä eri maissa on erityyppisiä rajoituksia sivukuluneisuudelle: rajat voivat riippua liikennöivän kaluston painosta,

nopeusrajoituksista tai radan geometriasta. Lisäksi raja-arvot voivat rajoittaa kuluneen profiilin muotoa tai olla sidoksissa pystykuluneisuuden määrään. Myös kiskoprofiilit ja painot vaihtelevat maailmalla. Suomalaisten rajojen mukaisesti sivukuluneisuutta rajoittavat voimakkaimmin nopeusriippuvaiset kuluneisuusrajat: 7 mm nopeuteen 160 km/h asti ja nopeammilla radoilla 5 mm (taulukko 1). Lisäksi vertailukuluneisuudelle on määritelty raja-arvot, joihin vaikuttaa sekä sivu- että pystykuluneisuus. Koska nämä ovat kuitenkin osittain toisensa poissulkevia, ja rajat ovat verrattain suuria, niillä ei ole suurta merkitystä sivukuluneisuuden tarkastelussa.

Taulukko 1. Kiskon sivukuluneisuuden raja-arvot Suomessa (RATO 13 2004)					
Paikallinen nopeus V _{max}	Suurin	Huomautus			
(km/h)	sivukuluneisuus				
	kulkureunassa (mm)				
$V_{max} > 160$	5				
$120 < V_{max} \le 160$	7				
$V_{max} \le 120$	-	Sivukuluneisuus ei saa ylittää			
		hamaran alareunaa			

Ruotsissa sivukulumisen raja-arvot on sidottu pystykuluneisuuden määrään samaan tapaan kuin Suomessa. Raja-arvot on määritelty myös pelkälle sivukulumiselle, ja nämä sivukulumisen raja-arvot riippuvat radan nopeusluokista. Raja-arvot on esitetty taulukossa 2.

1 aulukko 2. Ruotsin raja-arvot kiskon sivukuluneisuudelle (Banverket 1998)					
Suurin sallittu sivukuluneisuus (mm)					
Nopeusrajoitus	≤ 140	≤100	< 50		
UIC 60	6	10	11		
SJ50 /BV50	5	8	11		
SJ 43	-	6	8		

of Irich 1 11 (D 1 (1000)

Ruotsin nopeusrajoitusluokat poikkeavat Suomen luokituksesta, mutta yleisesti ottaen Ruotsin raja-arvot ovat suunnilleen samoja kuin Suomessa.

Sivukuluneisuuden raja-arvoihin vaikuttavat parametrit

Seuraavat parametrit vaikuttavat merkitsevästi kiskon kuluneisuuden raja-arvojen määrittämisessä (Kopf et al. 2009):

- 1. Korkein sallittu jännitys kiskossa, eli siten kiskoteräslaatu
- 2. Pyörä-kisko-kontaktin geometria
- 3. Radan päällysrakenteen laatu
- 4. Pyöräkerran sivuttaisliikevara

Kiskon kestävyysanalyysissa todettu kuluneen on kiskon hajoavan todennäköisemmin murtumalla kuin vääntymällä plastisesti (Jeong et al. 1998). Kisko murtuu lopulta progressiivisesti toistuvien kuormitussyklien alaisuudessa. Täten kiskon murtumissitkeys vaikuttaa siihen, kuinka paljon kisko saa kulua. Empiirisissä testeissä on havaittu kovempien lämpökäsiteltyjen kiskolaatujen kestävän kymmenkertaisesti enemmän kuormitussyklejä kuin peruskiskoteräksen (Stadlbauer et al. 1999, Tapp 2005). Samaten kovempi kisko kuluu moninkertaisesti hitaammin, jolloin tarkastusvälien aikana tapahtuva kuluma on huomattavasti vähäisempää kuin tavanomaisilla kiskoteräksillä (Pointner et al. 2006). Näissä vertailuissa peruskiskoksi käsitettiin teräs R260 ja kovaksi kiskoksi lämpökäsitelty R350HT.

Pyörä-kisko-kontaktin geometriassa esimerkiksi kaksipistekontakti johtaa huonoon ohjautuvuuteen kaarteissa. Tämä kasvattaa sekä kiskoon kohdistuvia poikittaissuuntaisia kuormituksia että kiskon ja pyörän kulumisnopeutta (Piiroinen 2010). Kuluminen on siis runsaampaa huonolla kontaktigeometrialla, ja lisäksi suuremmat poikittaissuuntaiset kuormitukset johtavat helpommin kiskon murtumiseen.

Radan päällysrakenteen laatu vaikuttaa merkitsevästi valittaviin kiskon sivukuluneisuuden raja-arvoihin. Parempilaatuisella radalla suurin nopeus toimii indikaattorina radan laadulle, ja taulukkojen 1–3 perusteella havaitaan, että nopeus vaikuttaa hyvin voimakkaasti määrättyihin raja-arvoihin. Päällysrakenteen laatu vaikuttaa sivukuluneisuuden raja-arvoihin myös siten, että hyvälaatuisen radan kunnossapitotaso on korkeampi, ja sen komponenttien vaihtorajat ovat herkemmät.

Pyöräkerran sivuttaisliikevara kasvaa kiskon sivukulumisen yhteydessä. Telillä on kuitenkin aina kohtauskulma radan kanssa, joten telin eri pyöräkerrat eivät kulje radalla samaa kulkulinjaa. Tämän takia kiskon sivukuluneisuus ei mahdollista pyöräkerran sivuttaisliikkeelle yhtä suurta kasvua kuin kuluneisuuden määrästä voisi olettaa (Iwnicki 2006). Suomessa tilanne on monimutkaisempi, sillä rataverkolla liikkuu kahden eri pyöräkerran leveyden omaavaa kalustoa: suomalainen ja itäisen yhdysliikenteen kalusto.

Kulumisen arvioinnissa käytettävä energiafunktio Ty

Kiskon kunnon heikentymisen ennustamiseen on kehitetty erilaisia malleja. RSD-malli on Iso-Britanniassa RSSB:n (Rail Safety and Standards Board) kehittämä malli kiskon kulumisen ja vierintäväsymisen ennustamiseksi. Malli ennustaa kiskon vaurioitumista erityisesti kaarteissa, ja se on todettu suhteellisen tarkaksi ja yhtenäiseksi kenttähavainnoissa. Lisäksi malli on testattu ja verifioitu soveltuvaksi pohjoismaisissa olosuhteissa Ruotsissa (Lewis, Olofsson 2009). Oleellinen parametri mallissa on energiafunktio $T\gamma$ (TGamma), jota käytetään pyörä-kisko-kontaktissa tapahtuvan kulumisen arviointiin.

Kaluston liikkuessa raidetta pitkin pyöriminen ei ole täydellistä, vaan pyörän ja kiskon kontaktissa tapahtuu välillä luistamista, joka johtuu muun muassa pyöräkerran pyörät yhdistävästä akselista, kontaktipintojen geometriasta, pintojen puristumasta ja kohtauskulmasta pyöräkerran ja raiteen välillä. Tätä suhteellista poikkeamaa puhtaasta vierintäliikkeestä kutsutaan luisumaksi. Luisuman seurauksena pyörien ja kiskojen välille kehittyy pyöräkertaa ohjaavia liukuvoimia. Tietyssä kontaktipisteessä tapahtuva suhteellinen luisuma (γ), joka lasketaan luiston määränä kuljettua matkaa kohden, kerrottuna paikallisella liukuvoimalla (T) kuvastaa energiaa (kuljettua matkaa kohti) (TGamma), jonka kiskomateriaali vastaanottaa pyörän ylittäessä sen, kuva 4. Liukuvoiman suunta vaikuttaa kiskossa mahdollisesti kehittyvän vierintäväsymissäröilyn suuntaan sillä säröt pyrkivät kehittymään poikittain hetkelliseen liukuvoimaan nähden.



Kuva 4. Liukuvoiman ja luisuman riippuvuus ja niiden määrittämä $T\gamma$ (Wheelset fund. 2004).

Toistuva energian siirtyminen kiskoon synnyttää siihen plastisia muodonmuutoksia, jotka johtavat kumulatiiviseen vaurioon. Vaurion määrää ja tyyppiä voidaan ennustaa laskemalla kaiken kalustoliikenteen kaikkien pyöräkertojen synnyttämä energiafunktio $T\gamma$ rataverkon eri osissa. Luisumia ja liukuvoimia voi olla eri suuntiin ja pyöräkerran kääntyminen ohjautumisessa synnyttää myös kiertoliukuvoimaa ja kiertoluisumaa. Kokonaisenergiahäviö saadaan summaamalla kaikkien näiden tulot keskenään

$$T\gamma = T_{\chi}\gamma_{\chi} + T_{\gamma}\gamma_{\gamma} + T_{z}\Omega_{z},\tag{6}$$

missä alaindeksi x vastaa pituussuuntaista ja y poikittaissuuntaista luisumaa tai liukuvoimaa. Alaindeksi z vastaa kiertoluisumaa ja -liukumomenttia. Viimeisimmät kuitenkin jätetään usein yhtälöistä pois niiden ollessa suhteellisesti hyvin pieniä (Innotrack 2009). Kiertoluisuman aiheuttama energiahäviö voi kuitenkin kasvaa suureksi laippakontaktissa, toisin sanoen jyrkissä kaarteissa tai huonosti ohjautuvalla kalustolla. Vampire-simulointiohjelmisto ottaa kiertoluisuman huomioon osittain, vaikka se ei sisälläkään eksplisiittistä kiertoluisumatermiä. Lateraalin energiahäviön laskennassa kuitenkin huomioidaan lateraalit voimat, jotka syntyvät kiertymisilmiöistä (Burstow 2004).

Kaluston ja radan vuorovaikutuksen mallinnus

Junakalustoa voidaan mallintaa usealla eri tavalla, ja sopivan mallinnustavan valinta riippuu aina siitä, mitä tietoja mallinnuksen avulla halutaan selvittää. Tässä artikkelissa mallinnus on tehty monikappaledynamiikkaa (Multibody Dynamics, MBD) käyttävällä Vampire-ohjelmalla, joka on rautatiekaluston ja pyörä-kisko-kontaktin tarkkaan mallintamiseen tarkoitettu kaupallinen ohjelma, jonka tarkka kontaktimalli on kuvailtu

artikkelissa (Vollebregt 2009). Monikappaledynamiikka kuvaa mekaanisen systeemin dynaamista käyttäytymistä. Malli koostuu massoista, jotka on kytketty toisiinsa erilaisilla liitoksilla, kuten jousilla ja vaimentimilla.

Rata

Kaluston ja radan vuorovaikutuksen mallinnuksessa sekä kaluston että radan parametreilla on vaikutusta saatuihin tuloksiin. Radan osalta mallille annetaan tieto radan jäykkyys- ja vaimennusparametreista, käytetystä kiskoprofiilista sekä radan geometriasta, kuten esimerkiksi kaarteista ja kallistuksista. Lisäksi tavoitteena on antaa mahdollisimman todenmukainen kuva raiteen laadusta, eli esimerkiksi raiteen epätasaisuuksista ja geometriapoikkeamista.

Mallinnukseen käytetyssä rautatiedynamiikkaohjelmassa radan parametreina voidaan ilmoittaa raiteen pystysuuntainen jäykkyys ja vaimennus, ratapölkyn vaakasuuntainen jäykkyys ja vaimennus sekä kiskon ja ratapölkyn välinen vaakasuuntainen jäykkyys ja vaimennus, kuva 5.



Kuva 5. Mallinnuksessa käytetyt radan parametrit (Minnis 2011).

Kuvasta 5 huomataan, että raiteen pystysuuntainen jäykkyys ja vaimennus annetaan yhtenä kokonaisarvona koko systeemille. Jäykkyys- ja vaimennusarvot voivat kuitenkin olla eriävät vasemman ja oikean kiskon kohdalla, ja lisäksi arvoja saa muutettua radansuuntaisen etäisyyden mukaan.

Kiskoprofiilit

Tässä mallissa kiskoprofiileina käytetään eri kuluneisuusasteen omaavia 54E1kiskoprofiileja, kuva 6. Kiskoprofiili voidaan mallintaa profiilin geometriatiedoista vasemman ja oikean kiskon koordinaattipareina. Kiskoprofiilin vaakasuuntaiset koordinaatit annetaan suhteessa raiteen keskikohtaan, ja raiteen raideleveys määräytyy laskennallisesti näiden koordinaattien perusteella. Raideleveyttä eli kiskoprofiilien vaakasuuntaista etäisyyttä voidaan kuitenkin muokata myös jälkikäteen. Tärkeintä kiskoprofiilien määrittämisessä on antaa vasemman ja oikean puoleisten kiskoprofiilien keskinäiset pysty- ja vaakasuuntaiset etäisyydet oikein. Koordinaattipareja täytyy ilmoittaa tarpeeksi laajalta alueelta, jotta pyörä-kisko-kontakti voidaan laskea koko kontaktialueelta.



Kuva 6. Kiskoprofiili 54E1 (SFS-EN 13674-1:2011).

Kiskoprofiili voidaan ottaa mallin käyttöön myös suoraan MiniProf-laitteella mitatuista kiskoprofiileista. Tällä menetelmällä mallin käyttöön saadaan todellinen, kulunut kiskoprofiili. Simuloinneissa käytettiin erilaisia mitattuja kuluneita profiileita, jotka on esitetty kuvassa 7. Lievästi kuluneessa kiskoprofiilissa sivukuluneisuutta on 2 mm, voimakkaasti kuluneessa 6 mm ja erittäin voimakkaasti kuluneessa 11 mm. Myös kiskoprofiilien muodot eroavat selvästi toisistaan. Kiskoprofiilin muoto vaikuttaa tehollisen kartiokkuuden kautta junan ohjautumiseen ja siten esimerkiksi laippakosketuksien syntymiseen kaarteissa. Kiskon sivukulumista esiintyy erityisesti kaarteiden ulkokiskossa, joten kaarretarkasteluissa kiskoprofiilina on käytetty erilaista kiskoa ulko- ja sisäkaarteen puolella: ulkokiskona on sivukulunut kiskoprofiili (kuva 7) ja sisäkiskona kaarremittauksissa saatu oikea profiilipari sivukuluneelle kiskolle. Näin simulointitapauksista saadaan mahdollisimman realistisia. Suoran radan simuloinneissa molemmat kiskot ovat yhtä kuluneita.



Kuva 7. Simuloinneissa käytetyt sivukuluneet kiskoprofiilit: ideaaliprofiili (pun.), lievästi kulunut (vihr.), voimakkaasti kulunut (sin.) ja erittäin voimakkaasti kulunut (kelt.).

Kalusto

Kalustoksi on valittu Ex-vaunu, joka on yksikerroksinen IC-matkustajavaunu. Ex-vaunuissa on SIG-85-telit (kuva 8).



Kuva 8. SIG-85 -teli.

Matkustajavaunuissa on primäärijousitus pyöräkertojen ja telin välillä ja sekundäärijousitus telin ja vaunurungon välillä. Ex-vaunun primäärijousituksessa on jousitus jokaisen pyöräkerran keskiön ja telin välillä. Sekundäärijousitus koostuu telin reunoilla olevista sisä- ja ulkojousista, joita on teliä kohti yhteensä neljä kappaletta. Yhdessä SIG-85-telissä on telin ja vaunurungon välillä kaksi pystysuuntaista vaimenninta ja yksi vaakasuuntainen vaimennin. Pyöräkerran ja telin välillä on jokaisen pyöräkerran keskiön vieressä pystysuuntainen vaimennin. Vaunurunko on kiinnitetty teliin telikeskiön avulla. Ex-vaunun mallin rakenne on esitetty kuvassa 9 ja mallinnuksessa käytetyt parametritiedot taulukossa 4.



Kuva 9. Ex-vaunun mallin rakennekuva. Telin rakenne on esitetty suurennettuna kuvan alalaidassa.

Massa-ja sijaintitiedot Massa 46000 kg Hitausmomenti x-akselin suhteen 107.7 Mgm ² Hitausmomenti x-akselin suhteen 2683 Mgm ² Hitausmomenti x-akselin suhteen 2683 Mgm ² Hitausmomenti x-akselin suhteen 2682 Mgm ² Hitausmomenti x-akselin suhteen 4.2013 Mgm ² Teli Massa 6380 kg 6380 kg 6380 kg Hitausmomenti x-akselin suhteen 4.2013 Mgm ² Hitausmomenti x-akselin suhteen 4.2013 Mgm ² Hitausmomenti x-akselin suhteen 4.600 kg Hitausmomenti x-akselin suhteen 4.600 kg Pyöräkerta Massa 1300 kg Hitausmomenti x-akselin suhteen 0.803 Mgm ² Hitausmomenti x-akselin suhteen 0.803 Mgm ² Hitausmomenti x-akselin suhteen 0.803 Mgm ² Justus- ja Massa 1300 kg Hitausmomenti x-akselin suhteen 0.803 Mgm ² ja telin Radansuuntainen jäykkyys 0.919 MN/m 9.207 mm valinen Pyöräkerran Rodansuuntainen jäykkyys 3.834 MN/m primäärijousi Pytysuuntainen vaimennus 0.001 MNs/m Valinen Pyötsysuuntainen vaimennus 0.002 MNs/m <th></th> <th></th> <th>······································</th> <th>F</th>			······································	F
sijaintitiedot Hitausmomentti x-akselin suhteen 107.7 Mgm ⁴ Hitausmomentti z-akselin suhteen 2683 Mgm ⁴ Hitausmomentti z-akselin suhteen 42013 Mgm ⁴ Hitausmomentti z-akselin suhteen 7.483 Mgm ² Hitausmomentti z-akselin suhteen 9.401 Mgm ² Hitausmomentti z-akselin suhteen 9.401 Mgm ² Hitausmomentti z-akselin suhteen 9.403 Mgm ² Hitausmomentti z-akselin suhteen 9.404 m 9.	Massa- ja	Vaunu	Massa	46000 kg
Hitausmomentti y-akselin suhteen 2683 Mgm ² Hitausmomentti z-akselin suhteen 2652 Mgm ² Sijainti (x,y,h) 0 m, 0 m, 1.8 m Teli Massa 6380 kg Hitausmomentti z-akselin suhteen 4.2013 Mgm ² Hitausmomentti z-akselin suhteen 3.601 Mgm ² Hitausmomentti z-akselin suhteen 7.483 Mgm ² Sijainti (x,y,h) ±9.5m, 0m, 0.6 m Pyöräkerta Massa 1300 kg Hitausmomentti z-akselin suhteen 0.803 Mgm ² Hitausmomentti z-akselin suhteen 9.033 Mgm ² Hitausmomentti z-akselin suhteen 0.03 Mgm ² Vaimenustiedot ja telin Radansuuntainen jäykkyys 3.191 MN/m Vaimennustiedot ja telin Potyöräkerran Pytyöräkerran Pytysuuntainen vaimennus 0.002 MMs/m Potyöräkerran Pytysuuntainen vaimennus 0.002 MMs/m P	sijaintitiedot		Hitausmomentti x-akselin suhteen	107.7 Mgm ²
Hitausmomentti z-akselin suhteen 2652 Mgm ² Sijainti (x,y,h) 0 m, 0 m, 1.8 m Teli Massa 6380 kg Hitausmomentti x-akselin suhteen 4.2013 Mgm ² Hitausmomentti z-akselin suhteen 3.601 Mgm ² Hitausmomentti z-akselin suhteen 7.433 Mgm ² Sijainti (x,y,h) ±9.5m, 0m, 0.6 m Pyöräkerta Massa 1300 kg Hitausmomentti z-akselin suhteen 0.803 Mgm ² Sijainti (x,y,h) ±8.25 m/±10.75 m, 0 m, 0.46 m Pyöräkerran Pyörän halkaisija 920 mm Pyöräkerran Pyöräsuntainen väimennus 0.004 Mks/m päistasuntainen väimennus 0.002 Mks/m Pyötittaissuuntainen väimennus 0.002 Mks/m Välinen Pyittaissuuntainen väime			Hitausmomentti y-akselin suhteen	2683 Mgm ²
Sijainti (xy,h) 0 m, 0 m, 1.8 m Teli Massa 6380 kg Hitausmomentti x-akselin suhteen 4.2013 Mgm ² Hitausmomentti x-akselin suhteen 7.483 Mgm ² Sijainti (xy,h) 49.5m, 0m, 0.6 m Pyöräkerta Massa 1300 kg Hitausmomentti x-akselin suhteen 0.803 Mgm ² Hitausmomentti x-akselin suhteen 0.803 Mgm ² Vaimennustiedot ja telin Vaimennustiedot 90'räkerran Pyöräkerran Pyöräkerran Pyöräkerran Poikitaissuuntainen jäykkyys 3.884 MN/m Poikittaissuuntainen vaimennus 0.002 Mts/m Poikittaissuuntainen vaimennus <td< th=""><th></th><th></th><th>Hitausmomentti z-akselin suhteen</th><th>2652 Mgm²</th></td<>			Hitausmomentti z-akselin suhteen	2652 Mgm ²
TeliMassa6380 kg Hitausmonentti x-akselin suhteenHitausmonentti y-akselin suhteen4.2013 Mgm²Hitausmonentti y-akselin suhteen7.483 Mgm²Sijaint (xy,h)19.5m, 0m, 0.6 mPyöräkertaMassaHitausmonentti x-akselin suhteen0.803 Mgm²Hitausmonentti x-akselin suhteen0.803 Mgm²Hitausmonentti x-akselin suhteen0.803 Mgm²Hitausmonentti x-akselin suhteen0.803 Mgm²Y-akselin suhteen0.803 Mgm²Hitausmonentti z-akselin suhteen0.803 Mgm²Y-akselin suhteen0.802 Mgm²Hitausmonentti z-akselin suhteen0.803 Mgm²YaimennustiedotPyöräkerranVaimennustiedotPyöräkerranVaimennustiedotPyöräkuranVailinenPyötysuuntainen jäykkyys910 MN/m884 MN/mPoikittaissuuntainen vaimennus0.002 MNs/mPoikittaissuuntainen vaimennus0.002 MNs/mPyötysuuntainen vaimennus0.002 MNs/mPystysuuntainen vaimennus0.0125 MNs/mVainnenPystysuuntainen vaimennus0.022 MNs/mVainnenPystysuuntainen jäykkyysepälineaarinen, mahdolilistaa vaunurungon vaunurungonKitkataso xy-tasossa (4 kpl)VaimennusKitkataso xy-tasossa (4 kpl)µ=0.2FungetsekiönPoikittaissuuntainen jäykkyysepälineaarinen, mahdolilistaa peixittaissuuntainen jäykkyysPoikittaissuuntainen jäykkyysepälineaarinen, mahdolilistaa peixittaissuuntainen jäykkyysepälineaarinen, mahdolilistaa pienen siirtymänTe			Sijainti (x,y,h)	0 m, 0 m, 1.8 m
Hitausmomentii x-akselin suhteen 4.2013 Mgm ² Hitausmomentti y-akselin suhteen 3.601 Mgm ² Sijainti (x,y,h) ±9.5m, Om, 0.6 m Pyöräkerta Massa 1300 kg Hitausmomentti z-akselin suhteen 0.803 Mgm ² Sijainti (x,y,h) ±8.25 m/±10.75 m, 0 m, 0.46 m Pyöräkerran Pyörän halkaisija 920 mm Pyöräkerran Pyöräkerran Radansuuntainen jäykkyys 31.391 MN/m väimennustiedot ja telin Radansuuntainen jäykkyys 3.884 MN/m Vainen Poikittaissuuntainen vaimennus 0.002 MNs/m Vastuurungon Yeytsyuuntainen jäykkyys 206.6 N/mm (sisäjousi) vaunurungon Yeytsyuuntainen vaimennus 0.002 MNs/m Vastuurungon Yeytsyuuntainen jäykkyys 206.6 N/mm (sisäjousi) vaunurungon 250 N/mm (sisä		Teli	Massa	6380 kg
Hitausmomentti y-akselin suhteen 3.601 Mgm ² Hitausmomentti z-akselin suhteen 7.483 Mgm ² Sijainti (xy,h) ±9.5m, On, O.6 m Pyöräkerta Massa 1300 kg Hitausmomentti x-akselin suhteen 0.803 Mgm ² Hitausmomentti z-akselin suhteen 0.803 Mgm ² Vaiselin suhteen 920 mm Pyöräkerran Pyöräkerran Vaimen piäkkyys 0.919 MN/m Vailnen Poikittaissuuntainen jäykkyys 3.884 MN/m Pristysuuntainen vaimennus 0.002 MNs/m Pyötysuuntainen vaimennus 0.002 MNs/m Pyötysuuntainen vaimennus 0.015 MNs/m Pyötysuuntainen jäykkyys 250 N/mm (ukojousi) vaunurungon <td< th=""><th></th><th></th><th>Hitausmomentti x-akselin suhteen</th><th>4.2013 Mgm²</th></td<>			Hitausmomentti x-akselin suhteen	4.2013 Mgm ²
Hitausmomentti z-akselin suhteen7.483 Mgm²Sijainti (xy,h)49.5m, 0m, 0.6 mPyöräkertaMassaHitausmomentti x-akselin suhteen0.803 Mgm²Hitausmomentti z-akselin suhteen0.003 Mgm²Y-akselin suhteen0.003 Mgm²Hitausmomentti z-akselin suhteen0.803 Mgm²Hitausmomentti z-akselin suhteen0.803 Mgm²Yakselin suhteen0.802 Mgm²Hitausmomentti z-akselin suhteen0.803 Mgm²Sijainti (x,y,h)±8.25 m/±10.75 m, 0 m, 0.46 mPyöräkerranPystysuuntainen jäykkyys0.919 MN/mja telinRadansuuntainen jäykkyys3.1391 MN/mväimennustiedotPoikittaissuuntainen jäykkyys3.884 MN/mprimäärijousPystysuuntainen vaimennus0.002 MNs/mPystysuuntainen vaimennus0.002 MNs/mPystysuuntainen vaimennus0.002 MNs/mTelin jaPystysuuntainen vaimennus0.015 MNs/mPystysuuntainen vaimennus0.012 SMNs/mVaunurungonPystysuuntainen jäykkyys250 N/mm (sisäjousi)vaunurungonPystysuuntainen jäykkyysepälineaarinen, mahdollistaa vaunurungon nousun ylöspäin mutta ei alaspäinPoikittaissuuntainen jäykkyys5 MN/mTelikeskiöPystysuuntainen jäykkyys5 MN/mTelikeskiöPoikittaissuuntainen jäykkyysepälineaarinen, mahdollistaa vaunrungon nousun ylöspäin mutta ei alaspäinPoikittaissuuntainen jäykkyys5 MN/mHitauspäinen, mahdollistaa peno.033 MNms/rad P=W=0.063 MNms/rad P=W=0.063 MNms/rad P=W=0.063 MNms/rad<			Hitausmomentti y-akselin suhteen	3.601 Mgm ²
Sijainti (x,y,h)±9.5m, 0m, 0.6 mPyöräkertaMassa1300 kgHitausmomentti x-akselin suhteen0.803 Mgm²Hitausmomentti z-akselin suhteen0.03 Mgm²y-akselin suhteen0.803 Mgm²Hitausmomentti z-akselin suhteen0.803 Mgm²Jousitus-jaSijainti (x,y,h)±8.25 m/±10.75 m, 0 m, 0.46 mvaimennustiedotPyöräkerranPystysuuntainen jäykkyys0.919 MN/mja telinRadansuuntainen jäykkyys3.1391 MM/mvaimennustiedotPoikittaissuuntainen vaimennus0.002 MNs/mprimäärijousiPystysuuntainen vaimennus0.002 MNs/mPystysuuntainen vaimennus0.002 MNs/mPoikittaissuuntainen vaimennus0.002 MNs/mPoikittaissuuntainen vaimennus0.015 MNs/mPoikittaissuuntainen vaimennus0.012 MNs/mVaunurungon250 N/mm (uikojousi)vaunurungon250 N/mm (uikojousi)vaunurungon250 N/mm (uikojousi)vaunurungon0.02 MNs/mrelikeskiöPystysuuntainen jäykkyysepälineaarinen, mahdollistaa vaunurungon nousun ylöspäin mutta ei alaspäinPoikittaissuuntainen jäykkyys5 MN/mFilkeskiön reunusRadansuuntainen jäykkyysPoikittaissuuntainen jäykkyys906 MNs/mFilkeskiön reunusRadansuuntainen jäykkyysPoikittaissuuntainen jäykkyysepälineaarinen, mahdollistaa pene. siirtymänPoikittaissuuntainen jäykkyysepälineaarinen, mahdollistaa pene. siirtymänFilkeskiön reunus </th <th></th> <th></th> <th>Hitausmomentti z-akselin suhteen</th> <th>7.483 Mgm²</th>			Hitausmomentti z-akselin suhteen	7.483 Mgm ²
PyöräkertaMassa1300 kgHitausmomentti x-akselin suhteen0.803 Mgm²Hitausmomentti z-akselin suhteen0.803 Mgm²Sijainti (x,y,h)48.25 m/410.75 m, 0 m, 0.46 mPyörän halkaisija920 mmPyörän halkaisija0.004 MNs/mRadansuuntainen vaimennus0.005 MNs/mPystysuuntainen vaimennus0.005 MNs/mVaunurungon250 N/mm (likojousi)VälinenPystysuuntainen vaimennus0.0125 MNs/mVaunurungonPystysuuntainen jäykkyysepälinearinen, mahdollistaa vaunurungon nousun ylöspäin mutta ei alaspäinPoikittaissuuntainen jäykkyys5 MN/mPoikittaissuuntainen jäykkyysepälinearinen, mahdollistaa p=w=0.063 MNms/rad P=w=0.063 MNms/rad <b< th=""><th></th><th></th><th>Sijainti (x,y,h)</th><th>±9.5m, 0m, 0.6 m</th></b<>			Sijainti (x,y,h)	±9.5m, 0m, 0.6 m
Hitausmomentti x-akselin suhteen 0.803 Mgm ² Hitausmomentti 0.30 Mgm ² y-akselin suhteen 0.803 Mgm ² Hitausmomentti z-akselin suhteen 0.803 Mgm ² Sijainti (x,y,h) ±8.25 m/±10.75 m, 0 m, 0.46 m Pyörän halkaisija 920 mm Poikittaissuuntainen jäykkyys 3.381 MN/m Poikittaissuuntainen vaimennus 0.002 MNs/m Radansuuntainen vaimennus 0.002 MNs/m Pystysuuntainen vaimennus 0.002 MNs/m Vaunurungon Pystysuuntainen vaimennus 0.015 MNs/m Vaunurungon Pystysuuntainen vaimennus 0.02 MNs/m Välinen Pystysuuntainen jäykkyys epälineaarinen, mahdollistaa Vaimennus Kitkataso x		Pyöräkerta	Massa	1300 kg
Hitausmomentti 0.03 Mgm ² y-akselin suhteen			Hitausmomentti x-akselin suhteen	0.803 Mgm ²
y-akselin suhteen			Hitausmomentti	0.03 Mgm ²
Hitausmomentti z-akselin suhteen0.803 Mgm²Sijainti (x,y,h)±8.25 m/±10.75 m, 0 m, 0.46 mPyörän halkaisija920 mmJousitus- ja vaimennustiedotPyörän halkaisija920 mmja telin välinen primäärijousi 			y-akselin suhteen	
Sijainti (x,y,h) ±8.25 m/±10.75 m, 0 m, 0.46 m Pyörän halkaisija 920 mm Jousitus- ja Pyöräkerran ja telin Pyötysuuntainen jäykkyys 0.919 MN/m vaimennustiedot ja telin Radansuuntainen jäykkyys 31.391 MN/m väimennustiedot ja telin Radansuuntainen jäykkyys 3.884 MN/m primäärijousi Pystysuuntainen vaimennus 0.004 MNs/m tus Radansuuntainen vaimennus 0.005 MNs/m Poikittaissuuntainen vaimennus 0.002 MNs/m Pystysuuntainen vaimennus 0.002 MNs/m Vainen Pystysuuntainen vaimennus 0.002 MNs/m Vainen Pystysuuntainen vaimennus 0.002 MNs/m Vainen Pystysuuntainen vaimennus 0.0125 MNs/m Vainen Pystysuuntainen vaimennus 0.02 MNs/m Vainen Poikittaissuuntainen jäykkyys epälineaarinen, mahdollistaa vaunurungon nousun ylöspäin mutta ei alaspäin Poikittaissuuntainen jäykkyys 5 MN/m Vaimennus X=Y=Z=0.096 MNs/m T=0.013 MNms/rad P=W=0.063 MNms/rad PeW=0.063 MNms/rad P=W=0.063 MNms/			Hitausmomentti z-akselin suhteen	0.803 Mgm ²
0.46 mPyörän halkaisija920 mmJousitus- jaPyöräkerran ja telin välinen primäärijousi tusPystysuuntainen jäykkyys3.1391 MN/mPoikittaissuuntainen jäykkyys3.1391 MN/mPoikittaissuuntainen jäykkyys3.884 MN/mPoikittaissuuntainen jäykkyys3.884 MN/mPystysuuntainen jäykkyys3.884 MN/mPoikittaissuuntainen vaimennus0.004 MNs/mPystysuuntainen vaimennus0.0015 MNs/mPoikittaissuuntainen vaimennus0.002 MNs/mPystysuuntainen vaimennus0.002 MNs/mVaunurungon välinen sekundäärijo usitusPystysuuntainen vaimennus0.002 MNs/mPystysuuntainen vaimennus0.002 MNs/mPystysuuntainen vaimennus0.002 MNs/mTelin ja vaunurungon välinen sekundäärijo usitusPystysuuntainen vaimennus0.0125 MNs/mPystysuuntainen jäykkyysepälineaarinen, mahdollistaa vaunurungon nousun ylöspäin mutta ei alaspäinPoikittaissuuntainen jäykkyys5 MN/mKitkataso xy-tasossa (4 kpl)µ=0.2 F _{tat} =56.4 kN P=0.063 MNms/rad P=0%0.063 MNms/rad P=0%0.063 MNms/rad P=0%0.063 MNms/rad 			Sijainti (x,y,h)	±8.25 m/±10.75 m, 0 m,
Pyörän halkaisija920 mmJousitus- ja vaimennustiedotPyöräkerran ja telin välinen primäärijousi tusPystysuuntainen jäykkyys0.919 MN/mRadansuuntainen jäykkyys31.391 MN/mPoikittaissuuntainen jäykkyys3.884 MN/mPrimäärijousi tusPoikittaissuuntainen vaimennus0.004 MNs/mRadansuuntainen vaimennus0.0015 MNs/mPoikittaissuuntainen vaimennus0.002 MNs/mPoikittaissuuntainen vaimennus0.002 MNs/mPoikittaissuuntainen vaimennus0.002 MNs/mPoikittaissuuntainen vaimennus0.002 MNs/mPoikittaissuuntainen vaimennus0.0125 MNs/mVainnen gekundäärijo usitusPystysuuntainen vaimennus0.012 S MNs/mPoikittaissuuntainen jäykkyysepälineaarinen, mahdollistaa vaunurungon nousun ylöspäin mutta ei alaspäinPoikittaissuuntainen jäykkyys5 MN/mFelikeskiöPoikittaissuuntainen jäykkyys5 MN/mVaimennusXaire-S6.4 kN Festat-S6.4 kN P=W=0.063 MNms/rad P=W=0.063 MNms/rad P=W=0.063 MNms/radPoikittaissuuntainen jäykkyysepälineaarinen, mahdollistaa pienen siirtymänTelikeskiön reunusRadansuuntainen jäykkyysepälineaarinen, mahdollistaa pienen siirtymänPoikittaissuuntainen jäykkyysepälineaarinen, mahdollistaa pienen siirtymänPoikittaissuuntainen jäykkyysepälineaarinen, mahdollistaa pienen siirtymänPoikittaissuuntainen jäykkyysepälineaarinen, mahdollistaa pienen siirtymänPoikittaissuuntainen jäykkyysepälineaarinen, mahdollistaa pie				0.46 m
Jousitus- ja vaimennustiedotPyöräkerran ja telin välinen primäärijousi tusPystysuuntainen jäykkyys0.919 MN/mRadansuuntainen jäykkyys31.391 MN/mPoikittaissuuntainen jäykkyys3.884 MN/mPrimäärijousi tusPystysuuntainen vaimennus0.004 MNs/mRadansuuntainen vaimennus0.015 MNs/mPoikittaissuuntainen vaimennus0.002 MNs/mPoikittaissuuntainen vaimennus0.002 MNs/mPoikittaissuuntainen vaimennus0.002 MNs/mPoikittaissuuntainen vaimennus0.002 MNs/mVaunurungon välinen sekundäärijo usitusPystysuuntainen vaimennus0.0125 MNs/mTelikeskiöPystysuuntainen vaimennus0.0125 MNs/mTelikeskiöPystysuuntainen jäykkyysepälineaarinen, mahdollistaa vaunurungon nousun ylöspäin mutta ei alaspäinVaimennusKitkataso xy-tasossa (4 kpl)µ=0.2 F _{stat} =56.4 kNVaimennusX=Y=Z=0.096 MNs/mTelikeskiönPoikittaissuuntainen jäykkyysepälineaarinen, mahdollistaa vaunurungon nousun ylöspäin mutta ei alaspäinPoikittaissuuntainen jäykkyysepälineaarinen, mahdollistaa P=W=0.063 MNms/rad P=W=0.063 MN			Pyörän halkaisija	920 mm
vaimennustiedotja telin välinen primäärijousiRadansuuntainen jäykkyys31.391 MN/mPoikittaissuuntainen jäykkyys3.884 MM/mPystysuuntainen vaimennus0.004 MNs/mRadansuuntainen vaimennus0.004 MNs/mPystysuuntainen vaimennus0.002 MNs/mPystysuuntainen vaimennus0.002 MNs/mPystysuuntainen vaimennus0.002 MNs/mPystysuuntainen vaimennus0.002 MNs/mPystysuuntainen vaimennus0.002 MNs/mPystysuuntainen vaimennus0.012 MNs/mVaunurungon250 N/mm (ulkojousi)välinenPystysuuntainen vaimennususitusPystysuuntainen vaimennusUsitusPystysuuntainen vaimennusUsitusPystysuuntainen vaimennusUsitus0.02 MNs/mPoikittaissuuntainen vaimennus0.02 MNs/mUsitusPystysuuntainen jäykkyysTelikeskiöPystysuuntainen jäykkyysPoikittaissuuntainen jäykkyys5 MN/mKitkataso xy-tasossa (4 kpl)µ=0.2F _{stat} =56.4 kNVaimennusVaimennusX=Y=2.0.096 MNs/mT=0.013 MNms/radP-w-0.063 MNms/radP-w-0.063 MNms/radP-w-0.063 MNms/radPoikittaissuuntainen jäykkyysepälineaarinen,mahdollistaa pienen siirtymänsiirtymänTelikeskiön reunusRadansuuntainen jäykkysepälineaarinen, estääPoikittaissuuntainen jäykkysepälineaarinen, estääPoikittaissuuntainen jäykkysepälineaarinen, estääPoikittaissuuntainen jäykkysepälineaarinen, estää	Jousitus- ja	Pyöräkerran	Pystysuuntainen jäykkyys	0.919 MN/m
välinen primäärijousi tus Poikittaissuuntainen yaimennus 0.004 MNs/m Radansuuntainen vaimennus 0.015 MNs/m Poikittaissuuntainen vaimennus 0.002 MNs/m Poikittaissuuntainen vaimennus 0.005 MNs/m Postysuuntainen vaimennus 0.005 MNs/m 250 N/mm (ulkojousi) vaunurungon välinen sekundäärijo usitus Telikeskiö Poikittaissuuntainen jäykkyys Poikittaissuuntainen vaimennus 0.02 MNs/m epälineaarinen, mahdollistaa vaunurungon nousun ylöspäin mutta ei alaspäin Poikittaissuuntainen jäykkyys 5 MN/m Kitkataso xy-tasossa (4 kpl) µ=0.2 F _{stat} =56.4 kN Vaimennus Vaimennus Vaimennus Vaimennus Telikeskiö Poikittaissuuntainen jäykkyys Poikittaissuuntainen kitavaimennus Poikittaissuuntainen kitavaimennus Poikittaissuuntainen kitavaimennus Poikittaissuuntainen	vaimennustiedot	ja telin	Radansuuntainen jäykkyys	31.391 MN/m
primäärijousi tusPystysuuntainen vaimennus0.004 MNs/mRadansuuntainen vaimennus0.015 MNs/mPoikittaissuuntainen vaimennus0.002 MNs/mPoikittaissuuntainen vaimennus0.005 MNs/mTelin ja vaunurungonPystysuuntainen jäykkyys206.6 N/mm (sisäjousi)vaunurungon250 N/mm (ulkojousi)välinen sekundäärijo usitusPystysuuntainen vaimennus0.0125 MNs/mTelikeskiöPystysuuntainen vaimennus0.02 MNs/mTelikeskiöPystysuuntainen jäykkyysepälineaarinen, mahdollistaa vaunurungon nousun ylöspäin mutta ei alaspäinPoikittaissuuntainen jäykkyys5 MN/mKitkataso xy-tasossa (4 kpl)µ=0.2 		välinen	Poikittaissuuntainen jäykkyys	3.884 MN/m
tusRadansuuntainen vaimennus0.015 MNs/mPoikittaissuuntainen vaimennus0.002 MNs/mPystysuuntainen vaimennin0.005 MNs/mTelin jaPystysuuntainen jäykkyys206.6 N/mm (sisäjousi)vaunurungon250 N/mm (ulkojousi)välinenPystysuuntainen vaimennus0.012 MNs/msekundäärijoPoikittaissuuntainen vaimennus0.012 MNs/musitusPoikittaissuuntainen vaimennus0.02 MNs/mTelikeskiöPystysuuntainen jäykkyysepälineaarinen, mahdollistaa vaunurungon nousun ylöspäin mutta ei alaspäinPoikittaissuuntainen jäykkyys5 MN/mKitkataso xy-tasossa (4 kpl)µ=0.2 F _{stat} =56.4 kNVaimennusX=Y=Z=0.096 MNs/m T=0.013 MNms/rad P=W=0.063 MNms/rad PTelikeskiönRadansuuntainen jäykkyysepälineaarinen, mahdolli		primäärijousi	Pystysuuntainen vaimennus	0.004 MNs/m
Poikittaissuuntainen vaimennus0.002 MNs/mPystysuuntainen vaimennin0.005 MNs/mTelin jaPystysuuntainen jäykkyys206.6 N/mm (sisäjousi)vaunurungon250 N/mm (ulkojousi)välinenPystysuuntainen vaimennus0.0125 MNs/msekundäärijoPoikittaissuuntainen vaimennus0.02 MNs/musitusPoikittaissuuntainen vaimennus0.02 MNs/mTelikeskiöPystysuuntainen jäykkyysepälineaarinen, mahdollistaa vaunurungon nousun ylöspäin mutta ei alaspäinPoikittaissuuntainen jäykkyys5 MN/mKitkataso xy-tasossa (4 kpl)µ=0.2 F _{stat} =56.4 kNVaimennusX=Y=Z=0.096 MNs/m T=0.013 MNms/rad P=W=0.063 MNms/rad		tus	Radansuuntainen vaimennus	0.015 MNs/m
Pystysuuntainen vaimennin0.005 MNs/mTelin jaPystysuuntainen jäykkyys206.6 N/mm (sisäjousi) 250 N/mm (ulkojousi)vaunurungon250 N/mm (ulkojousi)välinen sekundäärijo usitusPystysuuntainen vaimennus0.0125 MNs/mTelikeskiöPoikittaissuuntainen vaimennus0.02 MNs/mTelikeskiöPystysuuntainen jäykkyysepälineaarinen, mahdollistaa vaunurungon nousun ylöspäin mutta ei alaspäinPoikittaissuuntainen jäykkyys5 MN/mKitkataso xy-tasossa (4 kpl)μ=0.2 F_stat=56.4 kNVaimennusX=Y=Z=0.096 MNs/m T=0.013 MNms/rad P=W=0.063 MNms/rad epälineaarinen, mahdollistaa pienen siirtymänTelikeskiön reunusRadansuuntainen jäykkyysepälineaarinen, epälineaarinen, mahdollistaa peikittaissuuntainen jäykkyysPoikittaissuuntainen jäykkyysepälineaarinen, epälineaarinen, mahdollistaa pienen siirtymänTelikeskiön reunusRadansuuntainen jäykkyysepälineaarinen, estää liikkeen reunan suuntaan Poikittaissuuntainen jäykkyys			Poikittaissuuntainen vaimennus	0.002 MNs/m
Telin ja vaunurungon välinen sekundäärijo usitusPystysuuntainen vaimennus Pystysuuntainen vaimennus 0.0125 MNs/mTelikeskiöPystysuuntainen vaimennus Pystysuuntainen jäykkyys0.02 MNs/mTelikeskiöPystysuuntainen jäykkyysepälineaarinen, mahdollistaa vaunurungon nousun ylöspäin mutta ei alaspäinPoikittaissuuntainen jäykkyys5 MN/mVaimennus// 202 F_stat=56.4 kNVaimennusX=Y=Z=0.096 MNs/m T=0.013 MNms/rad P=W=0.063 MNms/rad P <th></th> <th></th> <th>Pystysuuntainen vaimennin</th> <th>0.005 MNs/m</th>			Pystysuuntainen vaimennin	0.005 MNs/m
vaunurungon välinen sekundäärijo usitus Telikeskiö Pystysuuntainen vaimennus 0.02 MNs/m Poikittaissuuntainen jäykkyys Pystysuuntainen jäykkyys Poikittaissuuntainen jäykkyys Poikittaissuuntainen jäykkyys S MN/m Kitkataso xy-tasossa (4 kpl) Vaimennus X=Y=Z=0.096 MNs/m T=0.013 MNms/rad P=W=0.063 MNm		Telin ja	Pystysuuntainen jäykkyys	206.6 N/mm (sisäjousi)
välinen sekundäärijo voittaissuuntainen vaimennus 0.0125 MNs/m Poikittaissuuntainen vaimennus 0.02 MNs/m Telikeskiö Pystysuuntainen jäykkyys epälineaarinen, mahdollistaa vaunurungon nousun ylöspäin mutta ei alaspäin Poikittaissuuntainen jäykkyys 5 MN/m Kitkataso xy-tasossa (4 kpl) μ=0.2 F _{stat} =56.4 kN Vaimennus X=Y=Z=0.096 MNs/m T=0.013 MNms/rad P=W=0.063 MNms/rad P=W=0.063 MNms/rad Poikittaissuuntainen jäykkyys epälineaarinen, mahdollistaa pienen siirtymän Telikeskiön Radansuuntainen jäykkyys epälineaarinen, estää liikkeen reunan suuntaan Poikittaissuuntainen kitkavaimennus μ=0.35		vaunurungon		250 N/mm (ulkojousi)
sekundäärijo usitus Telikeskiö Pystysuuntainen jäykkyys Poikittaissuuntainen jäykkyys epälineaarinen, mahdollistaa vaunurungon nousun ylöspäin mutta ei alaspäin Poikittaissuuntainen jäykkyys 5 MN/m Kitkataso xy-tasossa (4 kpl) µ=0.2 F _{stat} =56.4 kN X=Y=Z=0.096 MNs/m T=0.013 MNms/rad P=W=0.063 MNms/rad		välinen	Pystysuuntainen vaimennus	0.0125 MNs/m
usitusTelikeskiöPystysuuntainen jäykkyysepälineaarinen, mahdollistaa vaunurungon nousun ylöspäin mutta ei alaspäinPoikittaissuuntainen jäykkyys5 MN/mKitkataso xy-tasossa (4 kpl)μ=0.2 Fstat=56.4 kN VaimennusVaimennusX=Y=Z=0.096 MNs/m T=0.013 MNms/rad P=W=0.063 MNms/rad P=W=0.063 MNms/radPoikittaissuuntainen jäykkyysepälineaarinen, mahdollistaa pienen siirtymänTelikeskiön reunusRadansuuntainen jäykkyysepälineaarinen, mahdollistaa pienen siirtymänPoikittaissuuntainen jäykkyysepälineaarinen, mahdollistaa pienen siirtymänmahdollistaa pienen siirtymänTelikeskiön reunusRadansuuntainen jäykkyysepälineaarinen, estää liikkeen reunan suuntaanPoikittaissuuntainen kitkavaimennusµ=0.35		sekundäärijo	Poikittaissuuntainen vaimennus	0.02 MNs/m
TelikeskiöPystysuuntainen jäykkyysepälineaarinen, mahdollistaa vaunurungon nousun ylöspäin mutta ei alaspäinPoikittaissuuntainen jäykkyys5 MN/mKitkataso xy-tasossa (4 kpl)μ=0.2 F_stat=56.4 kNVaimennusX=Y=Z=0.096 MNs/m T=0.013 MNms/rad P=W=0.063 MNms/rad P=W=0.063 MNms/radPoikittaissuuntainen jäykkyysepälineaarinen, mahdollistaa yaunurungon nousun ylöspäin mutta ei alaspäinTelikeskiön reunusRadansuuntainen jäykkyys Poikittaissuuntainen jäykkyysepälineaarinen, mahdollistaa pienen siirtymänTelikeskiön reunusRadansuuntainen jäykkyys Iiikkeen reunan suuntaan Poikittaissuuntainen kitkavaimennusμ=0.35		usitus		
Mandoliistaa vaunurungon nousun ylöspäin mutta ei alaspäinPoikittaissuuntainen jäykkyys5 MN/mKitkataso xy-tasossa (4 kpl)μ=0.2 F_stat=56.4 kNVaimennusX=Y=Z=0.096 MNs/m T=0.013 MNms/rad P=W=0.063 MNms/radPoikittaissuuntainen jäykkyysepälineaarinen, mahdollistaa pienen siirtymänTelikeskiön reunusRadansuuntainen jäykkyysepälineaarinen, estää liikkeen reunan suuntaan Poikittaissuuntainen kitkavaimennusPoikittaissuuntainen kitkavaimennusμ=0.35		Telikeskiö	Pystysuuntainen jäykkyys	epalineaarinen,
Vaundrungon nousun ylöspäin mutta ei alaspäinPoikittaissuuntainen jäykkyys5 MN/mKitkataso xy-tasossa (4 kpl)µ=0.2 F_stat=56.4 kNVaimennusX=Y=Z=0.096 MNs/m T=0.013 MNms/rad P=W=0.063 MNms/radPoikittaissuuntainen jäykkyysepälineaarinen, mahdollistaa pienen siirtymänTelikeskiön reunusRadansuuntainen jäykkyysepälineaarinen, estää liikkeen reunan suuntaan Poikittaissuuntainen kitkavaimennusPoikittaissuuntainen kitkavaimennusµ=0.35				mandollistaa
Poikittaissuuntainen jäykkyys 5 MN/m Kitkataso xy-tasossa (4 kpl) µ=0.2 Fstat=56.4 kN Vaimennus X=Y=Z=0.096 MNs/m T=0.013 MNms/rad Poikittaissuuntainen jäykkyys epälineaarinen, mahdollistaa pienen siirtymän Telikeskiön Radansuuntainen jäykkyys epälineaarinen, estää Poikittaissuuntainen jäykkys epälineaarinen, siirtymän Poikittaissuuntainen jäykkys epälineaarinen, siirtymän Poikittaissuuntainen jäykkys epälineaarinen, siirtymän				vaunurungon nousun
Poikittaissuuntainen jäykkyysS MN/mKitkataso xy-tasossa (4 kpl)µ=0.2Kitkataso xy-tasossa (4 kpl)µ=0.2F _{stat} =56.4 kNVaimennusVaimennusX=Y=Z=0.096 MNs/mT=0.013 MNms/radP=W=0.063 MNms/radPoikittaissuuntainen jäykkyysepälineaarinen,mahdollistaa pienensiirtymänTelikeskiönRadansuuntainen jäykkyysepälineaarinen, estääPoikittaissuuntainen jäykkyysepälineaarinen, siirtymänPoikittaissuuntainen jäykkyysµ=0.35				ylospain mutta ei
Kitkataso xy-tasossa (4 kpl) µ=0.2 Kitkataso xy-tasossa (4 kpl) µ=0.2 F _{stat} =56.4 kN Vaimennus Vaimennus X=Y=Z=0.096 MNs/m T=0.013 MNms/rad P=W=0.063 MNms/rad Poikittaissuuntainen jäykkyys epälineaarinen, mahdollistaa pienen siirtymän Telikeskiön Radansuuntainen jäykkyys epälineaarinen, estää Poikittaissuuntainen jäykkyys µ=0.35			Poikittaissuuntainan jäykkyys	
Kitkataso xy-tasossa (4 kpl)µ=0.2 F_{stat}=56.4 kNVaimennusX=Y=Z=0.096 MNs/m T=0.013 MNms/rad P=W=0.063 MNms/radPoikittaissuuntainen jäykkyysepälineaarinen, mahdollistaa pienen siirtymänTelikeskiön reunusRadansuuntainen jäykkyysepälineaarinen, estää liikkeen reunan suuntaan Poikittaissuuntainen kitkavaimennusPoikittaissuuntainen kitkavaimennusµ=0.35			POINILlaissuulliainen jäykkyys	5 WIN/III
F _{stat} =56.4 kN Vaimennus X=Y=Z=0.096 MNs/m T=0.013 MNms/rad P=W=0.063 MNms/rad Poikittaissuuntainen jäykkyys epälineaarinen, mahdollistaa pienen siirtymän Telikeskiön Radansuuntainen jäykkyys reunus liikkeen reunan suuntaan Poikittaissuuntainen kitkavaimennus µ=0.35			Kitkataso xy-tasossa (4 kpl)	u=0.2
VaimennusX=Y=Z=0.096 MNs/m T=0.013 MNms/rad P=W=0.063 MNms/radPoikittaissuuntainen jäykkyysepälineaarinen, mahdollistaa pienen siirtymänTelikeskiön reunusRadansuuntainen jäykkyysepälineaarinen, estää liikkeen reunan suuntaanPoikittaissuuntainen kitkavaimennusµ=0.35				F= 56.4 kN
T=0.013 MNms/rad P=W=0.063 MNms/rad Poikittaissuuntainen jäykkyys epälineaarinen, mahdollistaa pienen siirtymän Telikeskiön Radansuuntainen jäykkyys epälineaarinen, siirtymän Poikittaissuuntainen jäykkyys epälineaarinen, estää reunus Poikittaissuuntainen kitkavaimennus µ=0.35			Vaimennus	X=Y=Z=0.096 MNs/m
P=W=0.063 MNms/rad Poikittaissuuntainen jäykkyys epälineaarinen, mahdollistaa pienen siirtymän Telikeskiön Radansuuntainen jäykkyys epälineaarinen, estää reunus Poikittaissuuntainen kitkavaimennus µ=0.35				T=0.013 MNms/rad
Poikittaissuuntainen jäykkyysepälineaarinen, mahdollistaa pienen siirtymänTelikeskiön reunusRadansuuntainen jäykkyysepälineaarinen, estää liikkeen reunan suuntaan Poikittaissuuntainen kitkavaimennusPoikittaissuuntainen kitkavaimennusµ=0.35				P=W=0.063 MNms/rad
TelikeskiönRadansuuntainen jäykkyysmahdollistaa pienen siirtymänTelikeskiönRadansuuntainen jäykkyysepälineaarinen, estää liikkeen reunan suuntaanPoikittaissuuntainen kitkavaimennusµ=0.35			Poikittaissuuntainen jäykkyys	epälineaarinen,
siirtymänTelikeskiönRadansuuntainen jäykkyysepälineaarinen, estääreunusliikkeen reunan suuntaanPoikittaissuuntainen kitkavaimennusµ=0.35				mahdollistaa pienen
TelikeskiönRadansuuntainen jäykkyysepälineaarinen, estääreunusliikkeen reunan suuntaanPoikittaissuuntainen kitkavaimennusµ=0.35				siirtymän
reunus liikkeen reunan suuntaan Poikittaissuuntainen kitkavaimennus µ=0.35		Telikeskiön	Radansuuntainen jäykkyys	epälineaarinen, estää
Poikittaissuuntainen kitkavaimennus µ=0.35		reunus		liikkeen reunan suuntaan
			Poikittaissuuntainen kitkavaimennus	μ=0.35
F _{stat} =1 kN				F _{stat} =1 kN

Taulukko 4. Ex-vaunun mallissa käytetyt parametritiedot.

Vaunurungon ja telin välinen keskiötappi mallinnetaan neljällä kontaktipisteellä. Jokaisessa kontaktipisteessä on pystysuuntainen eli z-suuntainen jousitus sekä xy-tason kitkavaimennus. Kitkataso ottaa dynaamisen kuormituksensa pystysuuntaisesta jousituksesta. Pystysuuntaisen jousituksen jäykkyys on epälineaarinen siten, että vaunurunko pääsee vapaasti nousemaan ylöspäin (ns. lift-off-elementti). Malleissa z-suunta kuvaa vaunun pystysuuntaa, x-suunta radansuuntaa ja y-suunta sivuttaissuuntaa. Pyöräprofiilina Ex-vaunun mallissa käytetään S1002-pyöräprofiilia, kuva 10.



Kuva 10. S1002-pyöräprofiilin mitat (SFS-EN 13715 2011).

Simuloinneissa käytettävän pyöräprofiilin valinnan tueksi simulointimallilla testattiin kulumattoman s1002-pyöräprofiilin ja kuluneen s1002-pyöräprofiilin vaikutuksia rataan kohdistuviin kuormituksiin. Kuluneella s1002-pyöräprofiililla rataan kohdistuvien kuormituksien havaittiin olevan suuremmat kuin kulumattomalla s1002-profiililla. Kiskon sivukuluneisuuden tarkasteluissa pyöräprofiilina onkin käytetty kulunutta pyöräprofiilia, jotta tarkastelussa ei aliarvioitaisi todellisia pyöräkuormituksia.

Pyörän ja kiskon välisen kontaktin tarkka mallintaminen on tärkeää kiskon sivukuluneisuuden vaikutusten tarkastelussa. Mallinnusohjelma huomioi pyörä-kisko-kontaktin vaikutuksen annettujen pyörä- ja kiskoprofiilitietojen perusteella. Pyörä- ja kiskoprofiilitietojen avulla lasketaan kontaktiparametrit (mm. pyörien vierintäsäde-ero ja pyörä-kisko-kontaktin sijainti, muoto ja koko) pyöräkerran eri sivuttaissiirtymille. Näin analyyseissä tulee huomioitua esimerkiksi tehollisen kartiokkuuden tuottamat ohjausvoimat pyörän eri sivuttaisasemissa. Pyörävoimien ja kontaktikohdan sijainnin määrittämiseen käytetään analyyseissä iteratiivista ratkaisumenetelmää.

Simulointimallin tuloksien käsittely

Simulointituloksissa käytetään koordinaatistoa, jossa x-suunta kuvaa radansuuntaista komponenttia, y-suunta poikittaissuuntaista komponenttia ja z-suunta pystysuuntaista komponenttia.

Simulointituloksina saadaan kaikissa analyyseissä pyöräkuormitukset, kaluston kiihtyvyydet ja kulumisesta kertovat $T\gamma$ -arvot. Pyöräkuormitukset kertovat kiskon ja

pyörän välillä vaikuttavista dynaamisista kuormituksista. Pyöräkuormitukset on määritetty jokaisen kalustotyypin etummaisen pyöräkerran vasemmasta ja oikeasta pyörästä, ja niissä ei ole mukana staattista pyöräkuormitusta. Pyöräkuormitusten yksikkönä on kN.

Kaluston kiihtyvyydet saadaan x-, y- ja z-suunnissa pyöräkerrasta, telistä ja vaunurungosta. Pyöräkerrassa kiihtyvyydet määritetään etummaisen pyöräkerran oikean pyörän laakeripesän kohdalta. Telin kiihtyvyydet määritetään etummaisen telin telikeskiön kohdalta, ja vaunurungon kiihtyvyydet vastaavalta kohdalta vaunurungosta. Kiihtyvyyksien yksikkönä on m/s².

Energiafunktio ilmoittaa pitkittäissuuntaisen, poikittaissuuntaisen $T\gamma$ ja kiertosuunnan liukuvoimien ja luisumien tulojen summan. $T\gamma$ -arvo kertoo, kuinka paljon kiskoissa ja pyörissä tapahtuu kulumista. Käytetyssä ohjelmassa $T\gamma$ -arvot ilmoitetaan erikseen pyörän kulkukehälle, laipalle ja laipan sisäpinnalle (flangeback), eli normaalitilanteessa ennen laippakosketuksen syntymistä kulumista esiintyy vain kulkukehällä muiden Ty-arvojen ollessa nollia. Simulointituloksissa on siis huomioitu kaikki Ty-arvot erikseen. Simuloinnista on mahdollista saada erikseen myös pitkittäis- ja poikittaissuuntaiset liukuvoimat ja luisumat. Ty-arvo kertoo liukuvoimien ja luisumien tulojen summan, joten pitkittäis- ja poikittaissuuntaisten liukuvoimien ja luisumien tulona on mahdollista saada myös $T\gamma$ -arvot erikseen pitkittäis- ja poikittaissuunnassa. Tässä projektissa Ty-arvot ilmoitetaan kuitenkin vielä yksinkertaisemmin yhtenä arvona, joka sisältää pitkittäissuuntaisen, poikittaissuuntaisen ja kiertosuunnan liukuvoimien ja luisumien tulojen summan. Ty-arvon yksikkönä on J/m eli N.

Tuloksien suodatusmenetelmä vaikuttaa saataviin arvoihin merkittävästi. Kuvassa 11 on esitetty esimerkkinä Ex-vaunun pyöräkerran pystysuuntaisen kiihtyvyyden maksimiarvo suoralla radalla eri suodatusmenetelmillä. Esimerkeiksi on otettu 20 Hz:n ja 16 Hz:n alipäästösuodatukset, jotka rajaavat korkeimmat taajuudet pois tuloksista. Tämän tyyppinen korkeimpien taajuuksien suodatus on yleinen menetelmä junassa mitattujen kiihtyvyyksien jälkikäsittelyssä (SFS-EN 14363 2005).



Kuva 11. Ex-vaunun pyöräkerran pystysuuntaisen kiihtyvyyden maksimiarvo (m/s²) eri suodatustaajuuksilla.

Standardissa SFS-EN 14363 (2005) on määritelty useita eri tapoja mittauksissa saatujen tuloksien suodatukseen. Dynaamisen kuormituksen Q_{max} määrittämisessä käytetään standardin mukaan 20 Hz alipäästösuodatinta ja 99,85 % kertymäfrekvenssiä. Pyöräkerran aiheuttaman sivuttaissuuntaisen kokonaisvoiman ΣY_{max} määrittämisessä käytetään myös 20 Hz alipäästösuodatinta ja 0,15 % sekä 99,85 % kertymäfrekvenssiä. Kokonaisvoiman määrityksessä käytetään lisäksi 2,0 metrin liukuvaa keskiarvoa.

Kiihtyvyyksien suodattaminen riippuu standardin mukaan siitä, minkä asian tarkasteluun tuloksia käytetään. Jos tuloksia tarkastellaan ajon turvallisuuden kannalta, vaunurungon poikittaissuuntaisen kiihtyvyyden tarkastelussa käytetään 6 Hz alipäästösuodatusta ja pystysuuntaisen kiihtyvyyden tarkastelussa 0,4 Hz – 4 Hz kaistanpäästösuodatusta. Kertymäfrekvenssin käyttö näissä tapauksissa ei selviä standardista.

Jos tuloksia tarkastellaan kulkuominaisuuksien kannalta, vaunurungon poikittais- ja pystysuuntaisen kiihtyvyyden tarkastelussa käytetään 0,4 Hz – 10 Hz kaistapäästösuodatusta ja 0,15 % sekä 99,85 % kertymäfrekvenssiä.

Kiihtyvyysmittauksien raja-arvot on ilmoitettu Ratateknisissä ohjeissa osassa 13: Radan tarkastus (RATO 13 2004). Ohjeissa on ilmoitettu raja-arvot korista telikeskiön päältä mitatuille poikittais- ja pystykiihtyvyyksille. Ohjeiden mukaan kiihtyvyysmittaus tehdään käyttämällä alipäästösuodatinta LP = 16 Hz.

Kaikissa tämän projektin simuloinneissa käytetään kiihtyvyyksille RATO:n mukaista 16 Hz alipäästösuodatusta ilman kertymäfrekvenssejä. Kiihtyvyyksien tuloksia tarkastellaan minimi- ja maksimiarvojen lisäksi myös RMS-arvojen avulla. RMS-arvo kuvaa kiihtyvyysdatan tehollista arvoa ja antaa siten tietoa yleisestä kiihtyvyystasosta. Kiihtyvyyksien osalta ei ole kannattavaa tarkastella keskiarvoa, sillä kiihtyvyydet vaihtelevat yleensä melko tasaisesti nollan molemmin puolin, jolloin keskiarvo asettuu lähelle nollaa.

Pyöräkuormituksille käytetään standardin EN-14363 mukaisesti 20 Hz alipäästösuodatusta ja 99,85 % kertymäfrekvenssiä. Lisäksi sivuttaissuuntaisille ja radansuuntaisille kuormituksille käytetään 0,15 % kertymäfrekvenssiä. Standardin kertymäfrekvenssi tarpeellinen mukaan 0.15 % ei ole pystysuuntaisille pyöräkuormituksille. Simuloinneissa pyöräkuormituksista on kuitenkin useimmiten tarkasteltu ainoastaan dynaamista osuutta, ja näissä tapauksissa 0,15 % kertymäfrekvenssiä on käytetty myös pystysuuntaisen dynaamisen pyöräkuormituksen tapauksessa. Radansuuntaisten kiihtyvyyksien ja kuormituksien suodatusmenetelmään standardi ei anna ohjeita, mutta näissä simuloinneissa niille käytetään vastaavia suodatuksia kuin poikittaissuuntaisille kiihtyvyyksille ja kuormituksille. Simuloinneissa tarkastellaan kuitenkin lähinnä poikittais- ja pystysuuntaisia kuormituksia ja kiihtyvyyksiä.

Simuloinneissa tarkastellaan pyöräkuormituksien ja kiihtyvyyksien lisäksi myös kulumisesta kertovia $T\gamma$ -arvoja. $T\gamma$ -arvojen suodatuksessa käytetään vastaavaa menetelmää kuin pyöräkuormituksilla, eli 20 Hz alipäästösuodatusta sekä 0,15 % ja 99,85 % kertymäfrekvenssejä.

Simulointitulokset

Kiskon sivukuluneisuuden vaikutusta kaluston kulkuun tarkasteltiin monikappaledynamiikkaan perustuvan simulointimallin avulla. Tarkastelussa huomioitiin dynaamiset pyöräkuormitukset, kaluston kiihtyvyydet ja kiskon kulumisesta *Ty*-arvot. Kuvassa 12 on esitetty kiskon sivukulumisen vaikutus kertovat pyöräkuormituksien 0,15 % ja 99,85 % kertymäfrekvenssien itseisarvojen maksimeihin suoralla radalla nopeudella 160 km/h ja kuvassa 13 kaarteessa (R = 490 m) nopeudella 100 km/h. Simulointituloksien perusteella kiskon voimakas sivukuluminen voi vähentää pyöräkuormituksia jopa merkittävästi, ja erityisen suuri vaikutus kiskon sivukulumisella on y-suuntaisiin eli poikittaissuuntaisiin pyöräkuormituksiin (kuvat 12 ja 13).



Ex-vaunun pyöräkuormitukset eri kuluneisuusasteen kiskoprofiileilla nopeudella 160 km/h

Kuva 12. Sivukuluneisuuden vaikutus Ex-vaunun pyöräkuormituksiin (max(|0,15 %|,|99,85 %|)) suoralla raiteella nopeudella 160 km/h.





Taulukossa 5 on esitetty simulointituloksia kiskon sivukuluneisuuden vaikutuksesta poikittais- ja pystysuuntaisiin kiihtyvyyksiin ja pyöräkuormituksiin sekä $T\gamma$ -arvoihin Ex-vaunun osalta. Taulukoissa on esitetty tuloksien RMS-arvojen muutosprosentit kun voimakkaasti sivukuluneella (6 mm) kiskoprofiililla saatuja tuloksia on verrattu ideaaliprofiililla saatuihin tuloksiin.

	Suora, v=80 km/h	Kaarre R=490, v=80 km/h	Kaarre R=1175, v=80 km/h
Vaunun poikittaiskiihtyvyys	-46.43 %	-6.21 %	-1.95 %
Vaunun pystykiihtyvyys	-0.38 %	-0.31 %	0.34 %
Pyöräkuormitus, poikittais	-54.70 %	-7.51 %	-18.96 %
Pyöräkuormitus, pysty	-6.36 %	-1.93 %	2.76 %
$T\gamma$, vasen kulkupinta	-71.30 %	-7.36 %	-3.99 %
$T\gamma$, oikea kulkupinta	-71.35 %	0.30 %	2.42 %
Tγ, laippa	-	22.34 %	-

Taulukko 5. Kiskon sivukuluneisuuden vaikutus Ex-vaunun simulointituloksiin suoralla radalla

Suoralla rataosuudella kiskon sivukuluneisuus vähensi selvästi poikittaissuuntaisia pyöräkuormituksia ja kiihtyvyyksiä Ex-matkustajavaunun simuloinneissa. Myös kaarteissa kiskon sivukuluneisuus vähensi poikittaissuuntaisia hieman pyöräkuormituksia ja kiihtyvyyksiä, mutta vaikutus ei ollut yhtä selkeä kuin suoralla radalla. Tiukassa kaarteessa (R = 490 m) kiskon sivukuluneisuus lisäsi laipan Ty-arvoja, joka indikoi laippakosketuksien kautta tapahtuvan kulumisen lisääntymistä. Yleisesti kiskon sivukuluminen vaikutti siis positiivisesti kaluston kulkuun ottaen pyöräkuormituksien ja kiihtyvyyksien vähenemisen myötä.

Johtopäätökset

Mallinnustuloksien perusteella kiskon sivukuluneisuudella ei havaittu olevan merkittävää negatiivista vaikutusta kaluston kulkuun, ja yleisesti ottaen kiskon sivukuluneisuus vähensi pyöräkuormituksia, kaluston kiihtyvyyksiä ja pyörä-kisko-kontaktin $T\gamma$ -arvoja. Simuloinneissa ei siis havaittu merkkejä siitä, että kiskon sivukuluneisuusrajojen kasvattaminen Suomessa aiheuttaisi ongelmia kaluston kulkiessa suoralla radalla tai kaarteissa. Kiskon sivukuluneisuus vaihdealueilla on erityistilanne, jota ei ole otettu tarkasteluihin mukaan, joten nämä päätelmät eivät kuitenkaan koske vaihteita. Lisäksi kiskon sivukuluneisuuden vaikutusten arvioinnissa on syytä huomioida, että kuluneisuuden määrän lisäksi myös profiilin kulumismuodolla on tehollisen kartiokkuuden kautta merkittävä vaikutus kaluston kulkuun. Kiskon kulumisen vaikutusta tulee aina arvioida kaluston kulkuominaisuuksien lisäksi myös kiskon kestävyyden näkökulmasta.

Lähdeluettelo

- Banverket. 1998. Räler, Krav på nya och begagnade. Föreskrift rörande Banverkets materialteknik, Banverket, Sweden. <u>http://ida2004.banverket.se/bvdok_extern/ViewPdfDoc.aspx?docGUID=d253c7ee</u> -e41a-416e-bf47-8804bcf7ea80
- Burstow, M. 2004. Whole Life Rail Model Application and Development for RSSB Continued Development of an RCF Damage Parameter. RSSB report.
- Esveld, C. 2001. Modern Railway Track. 2nd Edition. The Netherlands, MRT-Productions, Delft University of Technology. 654 p.
- Ignesti, M., Innocenti, A., Marini, L., Meli, E., Rindi, A. 2013. Development of a model for the simultaneous analysis of wheel and rail wear in railway systems, Multibody Syst Dyn (2014) 31:191-240.
- Innotrack. 2009. D3.1.4 Summary of results from simulations and optimization of switches.

http://www.innotrack.net/IMG/pdf/d314-f3p-

summary of results from simulations and optimisation of switches.pdf

- Iwnicki, S. 2006. Handbook of Railway Vehicle Dynamics. CRC Press. Print ISBN: 978-0-8493-3321-7 eBook ISBN: 978-1-4200-0489-2
- Jeong, D.Y., Tang, Y.H., Orringer, O. 1998. Estimation of Rail Wear Limits Based on Rail Strength Investigations, US Department of Transportation, Federal Railroad Administration.
- Jin, Y., Ishida, M., Namura, A. 2011. Experimental simulation and prediction of wear of wheel flange and rail gauge corner, Wear 271 (2011), pp. 259-267.
- Johnson, D. M. 2006. In: Iwnicki, S. (ed.) Handbook of Railway Vehicle Dynamics. CRC Press. Print ISBN: 978-0-8493-3321-7. eBook ISBN: 978-1-4200-0489-2
- Kopf, F., Maras, I., Gasser, F., Norkauer, A., Ritz, O., Krüger, F. 2009. Proposal of European Standard for Track Inspection and Maintenance, EU rahoitettu projekti Urban Track.
- Lewis, R., Olofsson, U. 2009. Wheel-rail interface handbook, Woodhead publishing, ISBN-10: 1439801460 ISBN-13: 978-1439801468.
- Minnis, A.J. 2011. Vampire Pro: Advanced Tutorial Guide. Track Gauge. Derby, UK, DeltaRail Group Limited. 13 p.
- Piiroinen, T. 2010. Sijaintiin perustuva liikkuvan kaluston pyörän voitelu. Liikenneviraston tutkimuksia ja selvityksiä 03/2010. Helsinki. 102 s. + liitt. 2 s.
- Pointner, P., Joerg, A., Jaiswal, J.2006. Definitive guidelines on the use of different rail grades. Innotrack project, report D4.1.5GL, 2006. http://www.innotrack.net/IMG/pdf/d415-f3-railgrade_selection.pdf
- Pombo, J., Ambrosio, J; Pereira, M; Lewis, R; Dwyer-Joyce, R; Ariaudo, C; Kuka, N. "A study on wear evaluation of railway wheels based on multibody dynamics and
- wear computation", Multibody System Dynamics, 24(3), 2010
- Ratatekniset ohjeet (RATO), osa 13. 2004. Radan tarkastus. Liikennevirasto. <u>http://portal.liikennevirasto.fi/sivu/www/f/urakoitsijat_suunnittelijat/vaylanpidon_ohjeet/rakennuttaminen/rautatiet</u>

- SFS-EN 14363. 2005. Kiskoliikenne. Kiskoajoneuvojen kulkuominaisuuksien hyväksymistestaus. Liikkeessä olevan ajoneuvon testaus ja paikallaan olevan testit. 113 s.
- SFS-EN 13674-1:2011. 2011. Railway applications. Track. Rail. Part 1: Vignole railway rails 46 kg/m and above.
- SFS-EN 13715. 2011. Railway applications. Wheelsets and bogies. Wheels. Tread profile.
- Sichani, M. Sh. 2013. Wheel-rail contact modelling in vehicle dynamics simulation. Licensiate thesis, KTH, Sweden.
- Stadlbauer, W., Werner, E. A., Jolller, A., Frank, N. 1999. Zyklischplastisches Verhalten von un- und niedriglegierten Kohlenstoffstählen. Berg- und Hüttenmännische Monatshefte, 144(9):356–361.
- Tapp, C. 2005. Mechanische Eigenschaften von Schienenstählen nach zyklischer Verformung, Fortschritt-Berichte VDI, Reihe 5, Nr.719.
- Wheelset Fundamentals. 2004. Transportation Technology Center, Inc., a subsidiary of the Association of American Railroads. Julkaisematon dokumentti. 94 p.
- Wolf, G. P. 2004. Effects of Wide Gauge on Derailment Potential, December 1st 2004, Interface, The Journal of Wheel/Rail Interaction
- Vollebregt, E. 2009. Refinement of Kalker's Rolling Contact Model, A. Bracciali (ed.), Proceedings of the 8th International Conference on Contact Mechanics and Wear of Rail/Wheel Systems (CM2009), Firenze, Italy, September 15-18, 2009. <u>http://www.kalkersoftware.org/downloads/vollebregt2009a-cm2009.pdf</u>

Tiia-Riikka Loponen, Pekka Salmenperä, Antti Nurmikolu, Jari Mäkinen Rakennustekniikan laitos Tampereen teknillinen yliopisto PL 600, 33101 Tampere tiia.loponen@tut.fi